

أولاً: أجبني عن الأسئلة الأربعة الآتية: (40 درجة لكل سؤال)

السؤال الأول: ليكن C الخط البياني لتابع f معرف على $D =]-\infty, -1] \cup]1, +\infty[$ جدول تغيراته هو الآتي:

x	$-\infty$	-2	-1	1	2	$+\infty$	
$f'(x)$	$+$	0	$-$		$-$	0	$+$
$f(x)$	$-\infty$	-2	-3		$+\infty$	4	$+\infty$

1 ما نهاية التابع f عند أطراف مجموعة تعريفه المفتوحة؟

ثم استنتج معادلة مستقيم مقاربه الشاقولي لخطه البياني.

2 دلي على القيم الحدية محلياً مبيّنة نوعها .

3 أوجد $f(D)$. وهل يتقاطع C مع محور الفواصل؟

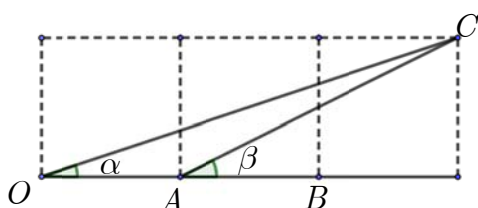
4 ما مجموعة حلول المتراجحة $f(x) < 0$ ؟ وما مجموعة حلول المتراجحة $f'(x) < 0$ ؟

السؤال الثاني: نتأمل في معلم متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ المستويين P و Q : $P: x + 2y - z + 1 = 0$ و $Q: 2x + y - z + 2 = 0$

1 أثبت أن المستويين P و Q متقاطعان ثم أعطي تمثيلاً وسيطياً لفصلهما المشترك d .

2 اكتب معادلة للمستوي R العمودي على كل من P و Q ويمر بالنقطة $A(2, 1, -1)$.

السؤال الثالث: حلّ المتراجحة الآتية: $2e^{2x} - 5e^x + 3 > 0$



السؤال الرابع: تأملي الشكل واحسبي المجموع $\alpha + \beta$

حيث α و β هي القياسات الأساسية للزوايا الموجهة

. $\beta = (AB, AC)$ و $\alpha = (OA, OC)$

ثانياً: حلّ التمارين الأربعة الآتية: (60 درجة لكل تمرين)

التمرين الأول:

ليكن f التابع المعرف على $]0, \frac{\pi}{2}[$ وفق: $f(x) = \tan x$

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\tan x - 1}{x - \frac{\pi}{4}}$$

احسبي $f(\frac{\pi}{4})$ و $f'(\frac{\pi}{4})$ ثم استنتج

التمرين الثاني:

صف فيه 8 طلاب و 4 طالبات . نريد تشكيل لجنة مكوّنة من ثلاثة أشخاص

بكم طريقة يمكن تشكيل هذه اللجنة في كل من الحالتين الآتيتين:

1 اللجنة مكوّنة من اثنين من الطلاب وطالبة واحدة .

2 اللجنة مكوّنة من طالبة على الأقل .

التمرين الثالث:

1 لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة وفق العلاقة: $u_n = \frac{n^2}{n!}$ ادرسي اطراد هذه المتتالية .

2 احسبي بدلالة n المجموع $1 + 2 + \dots + n$ ثم استنتج النهاية $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 + 2 + \dots + n}{n^2}$

التمرين الرابع :

أثبتي باستخدام دستوري أويلر أنّ $\sin^3 x = -\frac{1}{4}(\sin 3x - 3 \sin x)$

ثم استنتجي قيمة $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x - 3 \sin x}{\tan^3 x}$

ثالثاً: حلّي كلّاً من المسألتين الآتيتين : (100 درجة لكل مسألة)

المسألة الأولى :

$ABCDEF GH$ مكعب، I و J هما، بالترتيب، منتصفا $[AB]$ و $[GH]$ و K مركز الوجه $BCGF$.

ولنختار معلماً متجانساً $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$.

1. أثبتي أنّ $DIFJ$ متوازي أضلاع ثمّ احسبي $\overrightarrow{IJ} \cdot \overrightarrow{DF}$ واستنتجي أنّ $DIFJ$ معيّن وأنّ مساحته تساوي $\frac{\sqrt{6}}{2}$.

(مساعدة: مساحة المعيّن تساوي نصف جداء طولي قطريه)

b. تحقّقي أنّ $\vec{n}(2,1,-1)$ ناظم على المستوي (DIJ) ثمّ اكتبي معادلةً للمستوي (DIJ) .

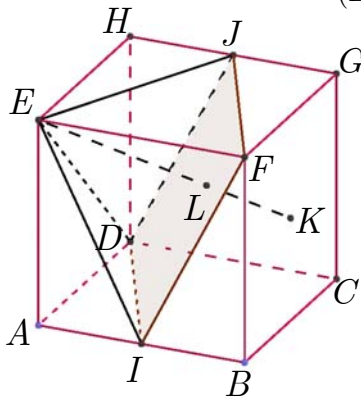
c. احسبي بعد النقطة E عن المستوي (DIJ) ثمّ احسبي حجم الهرم $EDIFJ$.

2. ليكن Δ المستقيم المار من النقطة E والعمودي على المستوي (DIJ) .

a. أعطى تمثيلاً وسيطياً للمستقيم Δ . وتحقّقي أنّ النقطة K تنتمي إليه.

b. أوجدِي إحداثيات النقطة L نقطة تقاطع المستقيم Δ مع المستوي (DIJ) .

c. تحقّقي أنّ النقطة L هي مركز ثقل المثلث BEG .



المسألة الثانية :

ليكن التابع f المعرّف على \mathbb{R} وفق $f(x) = 2e^x - x - 2$ خطّه البياني C .

1. أوجدِي معادلة المقارب المائل وادرسِي الوضع النسبي للخط C بالنسبة إلى مقاربه.

2. ادرسي تغيّرات f ونظّمي جدولاً بها. وبيّني أنّه يبلغ قيمة حدية محلية عينيّها وبين نوعها.

3. استنتجي أنّ للمعادلة $f(x) = 0$ جذرين أحدهما يساوي الصفر والآخر نرّمزه بالرمز α أثبتِي أنّ $-2 < \alpha < -1$.

4. ارسمِي المقارب المائل ثمّ ارسم C .

.....انتهت الأسئلة.....