

أولاً : أجبني عن الأسئلة الأربعة الآتية: (40 درجة لكل سؤال)

السؤال الأول : ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على $\mathbb{R}^*$ جدول تغيراته هو الآتي :

x	$-\infty$	0	3	$+\infty$
$f'(x)$	-		- 0 +	
$f(x)$	-1 ↘	$-\infty$ 2 ↘	1 ↗	3

① ما نهاية التابع f عند أطراف مجموعة تعريفه ؟

ثم استنتجي معادلة كل مستقيم مقارب أفقي أو شاقولي لخطّ البياني.

② هل يوجد مستقيم مقارب مائل لخطّ البياني C ؟ عللي إجابتك.

③ عيّني $f(]0, +\infty[)$.

④ احسبي $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$.

السؤال الثاني :

ليكن العدد العقدي: $z = \frac{(-1 + i\sqrt{3})(\sqrt{3} + i)^4}{1 - i}$ اكتب z بالشكل الأسّي .

السؤال الثالث :

في معلم متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لدينا النقطتان : $A(1, -3, 2)$ و $B(5, 0, -10)$ اكتب معادلة الكرة التي قطرها $[AB]$.

السؤال الرابع :

حلّي المعادلة الآتية : $(\ln x)^2 - \ln(x) - 6 \leq 0$.

ثانياً : حلّ التمارين الأربعة الآتية : (60 درجة لكل تمرين)

التمرين الأول :

عَيّني مجموعة النقاط $M(z)$ حيث $z \neq -1$ التي تجعل العدد $\frac{i}{z+1}$ حقيقياً .

التمرين الثاني : ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على $]1, +\infty[\cup]-\infty, -1]$ وفق $f(x) = \sqrt{x^2 - 1} + 2x$.

① احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.

② أثبت أنّ المستقيم Δ الذي معادلته $y = 3x$ مقارب للخط C في جوار $+\infty$.

التمرين الثالث :

حلّي المعادلة في $\mathbb{C}$ الآتية : $z^2 + (2i - 1)z - 1 - i = 0$.

التمرين الرابع :

ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على $\mathbb{R}^*$ وفق : $f(x) = \frac{x^3 - 3x^2 + 2 - \cos x}{x^2}$.

① أثبت أنّ المستقيم Δ الذي معادلته $y = x - 3$ مقارب مائل للخط C في جوار $+\infty$.

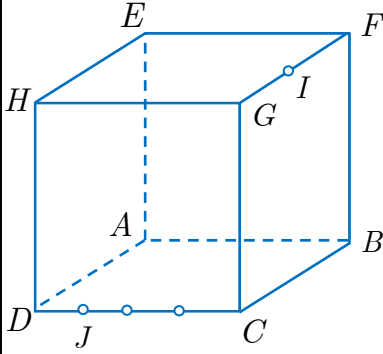
② ادرسي الوضع النسبي للخط C ومقاربه Δ .



ثالثاً: حلّ كلياً من المسألتين الآتيتين : (100 درجة لكل مسألة)

المسألة الأولى :

$ABCDEFGH$ مكعب طول حرفه يساوي 4 . باختيار معلم متجانس $(D; \frac{1}{4}\overrightarrow{DC}, \frac{1}{4}\overrightarrow{DA}, \frac{1}{4}\overrightarrow{DH})$



① عيّني إحداثيات رؤوس المكعب في المعلم المعطى .

② إذا علمتي أنّ النقطتين I و J تحققان $\overrightarrow{GI} = \overrightarrow{IF}$ و $\overrightarrow{DJ} = \frac{1}{4}\overrightarrow{DC}$.

(a) أوجدي مركبات كلٍ من الأشعة الآتية : $\overrightarrow{HI}$ و $\overrightarrow{HJ}$ و $\overrightarrow{HG}$.

(b) أنقع الأشعة السابقة في مستوٍ واحد .

③ أوجدي إحداثيات النقطة N نظيرة C بالنسبة إلى E .

④ أوجدي إحداثيات النقطة M بحيث يكون الرباعي $HCMF$ متوازي أضلاع .

المسألة الثانية :

ليكن C_f الخط البياني للتابع f المعرّف على المجال $]-\infty, -2[\cup]2, +\infty[$ وفق : $f(x) = \ln\left(\frac{x-2}{x+2}\right)$

① أثبتني أنّ f تابعٌ فردي ثمّ استنتجي الصفة التناظرية لخطّه البياني .

② ادرسي تغيّرات f ونظّمي جدولاً بها . واستنتجي معادلة كل مستقيم مقارب أفقي أو شاقولي لخطّه البياني C_f

③ ارسمي C_f .

④ استنتجي رسم الخط البياني C_1 للتابع $f_1(x) = \ln\left(\frac{x+2}{x-2}\right)$ من الخط C_f .

.....انتهت الأسئلة.....