

أولاً: أجبني على السؤال الآتي : (50 درجة)

إذا كانت $f(x) = x \cdot \ln(x)$ فاعتماداً على تعريف العدد المشتق ، أثبتني أن: $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{x \cdot \ln(x)}{x-1} \right) = 1$

ثانياً: حلّ التمارين الآتية : (60 + 50 + 50 درجة)

التمرين الأول: إذا كان c_1 الخط البياني للدالة $f_1(x) = 1 + \ln(x)$ المعرفة على $]0, +\infty[$

وكان c_2 الخط البياني للدالة $f_2(x) = e^{x-1}$ المعرفة على \mathbb{R}

أثبتني أن c_1 , c_2 متماسان بالنقطة $N(1, 1)$ واكتبني معادلة المماس المشترك لهما.

التمرين الثاني: إذا كان احتمال مشاركة B في السباق بشرط مشاركة A يساوي $\frac{8}{15}$

وا احتمال مشاركة B في السباق وعدم مشاركة A يساوي $\frac{4}{15}$

وا احتمال مشاركة A في السابق وعدم مشاركة B يساوي $\frac{1}{3}$

احسبي احتمال مشاركة A واحتمال مشاركة B

التمرين الثالث: باستخدام تعريف القطع الناقص أوجدني معادلة القطع الناقص الذي محرقاه $F(0, \sqrt{3})$, $F'(0, -\sqrt{3})$

ويمر بالنقطة $M(\frac{1}{2}, \sqrt{3})$

ثالثاً: حلّ الأسئلة الآتية: (80 + 100 + 100 درجة)

السؤال الأول:

① احسبي $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1 - \cos(3x)}{1 - \cos(5x)} \right)$

② أثبتني أنه أيتاً كانت $x \in \mathbb{R}$ فإن $e^x > x$ ثم استنتجي مجموعة تعريف الدالة $g(x) = \ln(e^x - x + 1)$

السؤال الثاني: صندوق يحوي (10) كرات (5 حمراء ، 3 سوداء ، 2 بيضاء) نسحب عشوائياً من الصندوق ثلاث كرات على

التتالي دون إعادة.

① إذا علمنا أن سوداء على الأقل قد سحبنا ، ما احتمال الكرة المسحوبة الثالثة بيضاء؟

② نعطي الكرة الحمراء القيمة (a) والكرة التي ليست حمراء القيمة (1)

X متغير عشوائي يدل على مجموع قيم الكرات الثلاث المسحوبة ، المطلوب : حساب قيمة (a) ليكون التوقع الرياضي معدوماً.

السؤال الثالث: قطع مكافئ معادلته $x = -\frac{1}{4}y^2 + 2y + 1$

① عيني ذروة ومحرق القطع ومعادلة دليله وارسميه.

② اكتبني معادلة المماس للقطع والموازي للمستقيم $x + 2y - 6 = 0$

③ بفرض M نقطة التماس T المسقط القائم لـ M على دليل القطع المكافئ ، برهنني أن المماس السابق منصف داخلي للزاوية \widehat{TMF}

رابعاً: حلّ المسألة الآتية: (110 درجة)

ليكن (c) الخط البياني للدالة f المعرفة على $\mathbb{R} \setminus \{1\}$ وفق: $f(x) = \frac{ax^2 + b}{x-1}$

أولاً: عيني a, b إذا علمت أن المستقيم $y=6$ مماس للخط (c) في نقطة منه فاصلتها $x=3$

ثانياً: من أجل $a=1$, $b=3$

① أثبتني ان المستقيم $y = x + 1$: Δ مقارب مائل للخط (c) وعيني وضع (c) بالنسبة لـ Δ

② بفرض M (x, y) نقطة تتحرك على فرع (c) الموافق لـ $x > 1$ احسبي معدل تغير بعد M عن yy' إذا علمت أنه في اللحظة

التي تكون فيها فاصلة M هي $x=2$ كان $\frac{dy}{dt} = \frac{1}{10} \text{ cm} \cdot \text{s}^{-1}$

انتهت الأسئلة