

أولاً: أجبني على السؤال الآتي : (50 درجة)

أثبتني أنه أيّاً كانت $x \in]0, \omega [$ فإن $\ln(x) \leq x - 1$

ثانياً: حلّي التمارين الآتية : (60 + 50 + 50 درجة)

التمرين الأول:

① احسبي $\lim_{x \rightarrow \omega} (e^{x - \sin x})$

② أوجدني الدالة المشتقة للدالة $f(x) = \sqrt[3]{\frac{x+2}{x-2}}$ على $]3, +\omega [$

التمرين الثاني: مغلف يحوي 6 بطاقات مرقمة من 1 حتى 6 (رقم لكل بطاقة)

نسحب من المغلف عشوائياً بطاقتين على التتالي مع الإعادة

بفرض A حدث البطاقة المسحوبة الثانية تحمل الرقم 2

بفرض B مجموع رقمي البطاقتين المسحوبتين فردي ، هل A , B مستقلين أم لا؟

التمرين الثالث: أوجدني معادلة القطع الناقص الذي يقبل النقطتين (5 , - 1) , (- 3 , - 1) ذروتين له

النقطة (1, 2) أحد محرقيه.

ثالثاً: حلّي الأسئلة الآتية: (80 + 100 + 100 درجة)

السؤال الأول: ليكن (c) الخط البياني للدالة f المعرفة على $]0, +\omega [$ وفق $f(x) = 2x + 1 - \frac{\ln(x)}{x}$

① اثبتني أن المستقيم $\Delta : y = 2x + 1$ مقارب مائل للخط (c) وعيني وضع (c) بالنسبة لـ Δ

② بفرض $M(x, y)$ تتحرك على (c) أوجدني معدل تغير بعد M عن xx' إذا علمت أنه في اللحظة التي يكون فيها فاصلة M

هي $x = e$ كانت $\frac{dx}{dt} = \frac{1}{e} \text{ cm} \cdot \text{s}^{-1}$

السؤال الثاني: يلعب سعيد الشطرنج مع الحاسوب مرتين.

احتمال فوزه بالمرّة الأولى $\frac{3}{5}$ واحتمال فوزه في المرّة الثانية $\frac{1}{2}$ واحتمال فوزه بمرّة واحدة على الأقل من هاتين المبارتين $\frac{9}{10}$

① إذا علمنا أنه فاز بمباراة واحدة فقط ، ما احتمال أنها المرّة الأولى.

② إذا كان سعيد ينال (3) نقاط إذا فاز بالأولى ويخسر (1) نقطة إذا فشل بها وينال (2) نقطة إذا فاز بالثانية ويخسر (1) نقطة

إذا فشل بها .

X متغير عشوائي يدل على مجموع ما يناله سعيد من النقط بعد انتهاء المبارتين ، ما هي قيم المتغير X وما التوقع الرياضي له.

السؤال الثالث: قطع مكافئ معادلته $y = \frac{1}{2}x^2 + x + 3$

① عيني ذروة القطع ومحرقه ومعادلة دليبه وارسميه.

② اكتبني معادلة المماس للقطع المنشأ من نقطة M من القطع فاصلتها (-3)

③ بفرض أن T نقطة تقاطع المماس السابق مع المحور المحرق للقطع، أوجدني إحداثيي T وبيني الصفة التناظرية لهذه

النقطة بالنسبة لذروة القطع وتحققي منها.

رابعاً: حلّي المسألة الآتية: (110 درجة)

ليكن (c₁) الخط البياني للدالة f المعرفة على $R \setminus \{1\}$ وفق $f(x) = \frac{ax+b}{x-1}$

أولاً: عيني a , b إذا علمت أن المستقيم $\Delta : y = 2x + 4$ يمس (c) في نقطة تقاطعه مع المحور yy'

ثانياً: بفرض a = 2 , b = - 4

① أوجدني قيمة تقريبية للدالة f عند (3, 01)

② بفرض (c₂) الخط البياني للدالة g المعرفة على R وفق $g(x) = e^x + x + 3$

أثبتني أن (c₁ , c₂) يتماسان في النقطة N (0.4) واكتبني معادلة المماس المشترك لهما.

انتهت الأسئلة